# Fluxo de Carga versus Fluxo de Carga Continuado Parte III: Fluxo de Carga Desacoplado Rápido

Dilson A. Alves<sup>1</sup> e Rogério R. Matarucco<sup>1</sup>

**Resumo** —. Os métodos de fluxo de carga de Newton e Desacoplado Rápido convencionais são considerados inadequados para a obtenção do ponto de máximo carregamento (PMC) de sistemas de potência, devido à problemas de mal-condicionamento das matrizes usadas pelos métodos, neste ponto crítico e na sua vizinhança. Neste ponto a matriz Jacobiana do método de Newton tornase singular e considera-se que não são mais válidas as hipóteses de desacoplamento P-V e Q- $\theta$  utilizadas para a formulação do método fluxo de carga Desacoplado Rápido. Os métodos da continuação são ferramentas eficientes para se obter o PMC. Nestes, técnicas de parametrização são utilizadas para evitar a singularidade da matriz Jacobiana e assim eliminar o mal-condicionamento das matrizes utilizadas nos métodos desacoplados. Neste trabalho são apresentados e avaliados os métodos de Fluxo de Carga Rápido Desacoplado convencional е propostos, considerando as variações de cargas numa única barra.

Palavras - Chave — Fluxo de carga desacoplado rápido, métodos da continuação, ponto de máximo carregamento.

# **INTRODUÇÃO**

A ampla utilização do método desacoplado rápido tradicional, no que diz respeito ao cálculo de FC, se deve às suas características de velocidade de convergência e pequeno espaco de memória necessário. Em função destas vantagens, há um interesse por parte das empresas na sua utilização nos algoritmos de continuação visando, com isso, a redução do tempo de CPU necessário para o tracado das curvas PV. A não utilização dos métodos desacoplados se deve ao fato de se acreditar que o desacoplamento não possa ser usado próximo ao PMC, e que somente as soluções de alta tensão podem ser obtidas. Os objetivos deste trabalho são os de introduzir os conceitos básicos dos métodos Desacoplados Rápidos propostos para a solução de fluxo de carga (FC) e demonstrar que, uma vez adequadamente equacionados, qualquer um deles pode ser usado para a obtenção do PMC de um sistema de potência. Os métodos estão subdivididos de acordo com as curvas a serem traçadas: PV, QV, e SV. Ao final de cada grupo demonstrase que os métodos utilizados no traçado das curvas PV e QV podem ser considerados como casos particulares do usado para o traçado da curva SV. As expressões analíticas apresentadas na parte I [1] são usadas para convalidar os resultados obtidos pelos métodos desacoplados rápidos, existente e propostos, considerando as variações de cargas

numa única barra. Conforme concluiu-se na parte II [2], todos os métodos aqui apresentados são casos particulares do método da continuação com preditor secante de ordem zero [3].

# **OBTENÇÃO DAS CURVAS QV, PV E SV PELO FLUXO DE CARGA DESACOPLADO RÁPIDO**

A seguir apresentam-se os métodos Desacoplados Rápidos utilizados para o traçado das curvas QV, PV, e SV, para o caso de variação de potência em apenas uma única barra.

#### Fluxo de Carga Desacoplado Rápido Convencional

As simplificações introduzidas por Stott e Alsaç [4] na matriz Jacobiana do fluxo de carga pelo método de Newton deram origem ao método de FC Desacoplado Rápido (FCDR), descrito por:

$$B'\Delta\theta = \Delta P/V$$
  
$$B''\Delta V = \Delta O/V$$
 (1)

A versão proposta em [4] é atualmente conhecida como versão XB. Outras versões foram implementadas e testadas por Van Amerongen [5], sendo uma delas a versão BX. A diferenca básica entre as versões está nos elementos das matrizes B' e B". As matrizes são constantes e de dimensões diferentes em virtude da exclusão das barras do tipo PV da matriz B". Monticelli et al. [6] apresentaram uma justificativa analítica e unificada, que possibilitou uma melhor compreensão do bom desempenho dos métodos desacoplados rápidos (BX e XB), a qual era até então desconhecida. Em [6] mostra-se que os algoritmos das versões BX e XB podem ser deduzidos a partir da equação do método de Newton (equação (34), parte I [1]), considerando-se V = 1 p.u. e  $\theta = 0$  grau, e assumindo que o sistema seja constituído por ramos com a mesma razão r/xou seja radial. Mesmo quando o sistema não apresenta uma destas características, os algoritmos BX e XB continuam a ser uma boa aproximação para fins práticos. No geral, a versão BX apresenta melhor desempenho que a XB, em virtude das aproximações extras (desconsideração dos efeitos das barras PVs e dos elementos shunts na matriz de sensibilidade P- $\theta$ ) necessárias para a obtenção da última.

O FCDR foi utilizado para o traçado da mesma curva PV da Figura 1 parte II [2], utilizando o mesmo sistema da Figura 1 parte I [1], e o mesmo procedimento usado no caso do método de Newton [2]. Os resultados mostram que, embora seja possível obter os mesmos pontos, o número de

March 16 - 19, 2003, São Paulo, BRAZIL

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Dilson Amancio Alves e Rogério R. Matarucco, UNESP–Universidade Estadual Paulista, Departamento de Engenharia Elétrica, Campus de Ilha Solteira, C.P. 31, 15385-000, Ilha Solteira SP, Brasil, +55 18 3743 1163, dalves@dee.feis.unesp.br

meias iterações necessárias é muito alto, em torno de 100, enquanto que para o método de Newton tem-se 10 iterações [2]. Interrompendo o processo de cálculo com um número menor de iterações a potência máxima alcançada será proporcionalmente menor. Por exemplo, para 15 meia iterações o valor máximo de Pg2 foi de 94,15 MW pelo FCDR usando a versão XB, enquanto que pelo método de Newton  $Pg_2$  foi de 95,15 MW para 3 iterações [2].

#### Fluxo de Carga Desacoplado Rápido Modificado

Os métodos FCDR modificados (FCDRM) foram obtidos a partir dos respectivos métodos de Newton modificados usando o mesmo procedimento mostrado em [6]. O sistema considerado para a obtenção dos FCDRM pode ser visto na Figura 1 a seguir.



SISTEMA DE TRÊS BARRAS

Os valores numéricos adotados para os componentes deste sistema foram os seguintes:  $V_{T}^{\otimes} = 1,19/0^{\circ}$  p.u.,  $z_{12} =$  $(1/3)_{\times}(0,3 + j 1,0)$  p.u.,  $z_{23} = (2/3)_{\times}(0,3 + j 1,0)$  p.u., e  $P_2$  +  $jQ_2 = 0 + j 0$ . Estes valores, bem como a tolerância de  $10^{-5}$ p.u. adotada para a convergência dos mismatches e o esquema de iteração padrão, são usados em todos os exemplos que se seguem para os métodos desacoplados, excetuando os casos para os quais for especificado de forma diferente. Entende-se por esquema de iteração padrão aquele que, após a convergência de um dos subproblemas, iterações sucessivas podem ser realizadas no outro subproblema, até que ambos atinjam a convergência ou, o que pode ocorrer, o subproblema convergido divirja [4].

#### Curvas QV e PV

Para se obter as curvas QV e PV segue-se o mesmo procedimento apresentado em [2]. No caso da curva QV, com a especificação da tensão  $V_k$  eliminam-se a linha e a coluna k da matriz B", procedimento similar ao utilizado para as barras PV. Para cada tensão especificada V<sub>k</sub> executase um programa de FCDRM e obtém-se a potência reativa  $Q_k$  necessária para se manter o nível preestabelecido de tensão. Da mesma forma, para se obter a curva PV pode-se especificar o ângulo da tensão da barra k. A barra é redefinida como sendo do tipo  $Q\theta$ . Com isso,  $\theta_k$  deixa de ser uma variável dependente e, consequentemente, pode-se eliminar as respectivas linha e coluna k da matriz B'. Para cada valor especificado de  $\theta_k$  obtém-se a respectiva potência ativa  $P_k$ . Nestes dois casos, excetuando a eliminação da linha ou da coluna k em função do parâmetro ( $V_k$  ou  $\theta_k$ ) do método considerado, não há alterações nas leis de formação das matrizes B' e B", e ambas as versões BX e XB podem ser utilizadas em suas formas convencionais.

Entretanto, a obtenção das curvas QV e PV por meio da especificação de  $\theta_k$  e  $V_k$ , respectivamente, conduzem a leis de formação para as matrizes B' e B" um pouco diferentes das da convencional. A seguir é apresentado o desenvolvimento da versão XB para a obtenção da curva QV com  $\theta$  como parâmetro, e BX para a obtenção da curva PV com V como parâmetro. A equação correspondente de Newton para o sistema da Figura 1, considerando  $V_2 = V_3 =$ 1 p.u. e  $\theta_2 = \theta_3 = 0$ , torna-se:

$\begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -(b_{12}+b_{23}) \\ b_{23} \end{bmatrix}$	$b_{23} - b_{23}$	$ \begin{array}{ } (g_{12} + g_{23}) \\ -g_{23} \end{array} $	- g <sub>23</sub> g <sub>23</sub>	$\begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \Delta \theta_3 \end{bmatrix}$	(2)
$\begin{bmatrix} \overline{\Delta Q_2} \\ \Delta Q_3 \end{bmatrix}^{=}$	$\begin{bmatrix} -(g_{12} + g_{23}) \\ g_{23} \end{bmatrix}$	g <sub>23</sub> - g <sub>23</sub>	$ \begin{array}{c} -(b_{12}+b_{23})\\ b_{23} \end{array} $	$b_{23} - b_{23}$	$\begin{bmatrix} \overline{\Delta V_2} \\ \Delta V_3 \end{bmatrix}$	

#### Versão XB para a Obtenção da Curva QV

Para a obtenção das matrizes B' e B" da versão XB, para o caso da curva QV, utilizando  $\theta_3$  como variável independente, o sistema (2) deverá ser posto na seguinte forma:

$\left\lceil \Delta P_2 \right\rceil$	$\left[-(b_{12}+b_{23})\right]$	b23	$(g_{12} + g_{23})$	$-g_{23}$	$\Delta \theta_2$	
$\Delta Q_3$	g <sub>23</sub>	$-g_{23}$	b <sub>23</sub>	- b <sub>23</sub>	$\overline{\Delta \theta_3}$	(2)
$\left  \overline{\Delta Q_2} \right ^{-}$	$-(g_{12}+g_{23})$	$g_{23}$	$-(b_{12}+b_{23})$	b23	$\overline{\Delta V_2}$	(3)
$\left\lfloor \Delta P_3 \right\rfloor$	b <sub>23</sub>	- b <sub>23</sub>	- g <sub>23</sub>	<i>g</i> <sub>23</sub>	$\Delta V_3$	

o qual após a eliminação da linha e coluna correspondente à  $\theta_3$  conduz a:

$$\frac{\Delta P_2}{\Delta Q_2} = \begin{bmatrix} -(b_{12} + b_{23}) & (g_{12} + g_{23}) & -g_{23} \\ -(g_{12} + g_{23}) & -(b_{12} + b_{23}) & b_{23} \\ b_{23} & -g_{23} & g_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \Delta V_3 \end{bmatrix},$$
$$= \begin{bmatrix} H_{\theta} & N_{\theta} \\ \overline{M_{\theta}} & L_{\theta} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \overline{\Delta V_2} \\ \Delta V_3 \end{bmatrix}$$
(4)

e que corresponde ao sistema da equação (3.35) para  $V_2 = V_3$ = 1 p.u. e  $\theta_2 = \theta_3 = 0$ . Usando o mesmo procedimento de [6], obtém-se a matriz *Heq*:

$$Heq_{\theta} = H_{\theta} - N_{\theta} \times L_{\theta}^{-1} \times M_{\theta}, \qquad (5)$$

a qual após a substituição e devidas manipulações conduz a:

$$Heq_{\theta} = \left[\frac{1}{x_{12}} + \frac{1}{x_{23}} + g_{23}\left(\frac{g_{23}}{b_{23}} - \frac{g_{12}}{b_{12}}\right) + b_{23}\left(\frac{g_{12}}{b_{12}}\frac{b_{23}}{g_{23}} - 1\right)\right].$$
 (6)

Para sistemas com topologia radial e relação r/x idênticas tem-se:

$$Heq_{\theta} = [1/x_{12} + 1/x_{23}]. \tag{7}$$

Observa-se que a matriz  $Heq_{\theta} = B'$  da versão XB do método convencional, e, consequentemente, a mesma lei de formação. Observa-se que neste caso, a matriz B' não apresentará a linha e a coluna da variável ( $\theta_3$ ) que foi escolhida como parâmetro. Já a matriz B" terá a lei de formação diferente da correspondente do método convencional apenas na linha correspondente a  $V_3$ , cujos

#### © 2003 ICECE

March 16 - 19, 2003, São Paulo, BRAZIL

elementos não diagonais correspondentes a  $b_{3i}$  devem ser substituídos pelos respectivos  $-g_{3i}$ , enquanto que o elemento da diagonal  $B_{33} = \Sigma(-b_{3i})$  deverá ser substituído por  $G_{33} = \Sigma(g_{3i})$ . Uma outra observação importante é que agora, no cálculo de  $V_3$ , é usado o *mismatch* de  $P_3$  e não o de  $Q_3$ .

#### Versão BX para a Obtenção da Curva PV

Para obter as matrizes B' e B'' da versão BX, usada no traçado da curva PV, considerando  $V_3$  como variável independente, parte-se da mesma matriz do sistema (3). Entretanto, a linha e coluna eliminadas são as correspondentes a  $V_3$ , ou seja, a última linha e a última coluna. O sistema matricial resultante será:

$$\begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta Q_3 \\ \Delta Q_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -(b_{12} + b_{23}) & b_{23} & (g_{12} + g_{23}) \\ g_{23} & -g_{23} & b_{23} \\ \hline -(g_{12} + g_{23}) & g_{23} & -(b_{12} + b_{23}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \Delta \theta_3 \\ \hline \Delta V_2 \end{bmatrix},$$
$$= \begin{bmatrix} H_V & N_V \\ \overline{M_V} & L_V \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \Delta \theta_3 \\ \overline{\Delta V_2} \end{bmatrix}$$
(8)

e que corresponde ao sistema (2) da parte II [2] para  $V_2 = V_3$ = 1 p.u. e  $\theta_2 = \theta_3 = 0$ . Conforme [6], a matriz  $Leq_V$  é dada por:

$$Leq_V = L_V - M_V \times H_V^{-1} \times N_V, \qquad (9)$$

e que após as substituições e manipulações algébricas produzem exatamente a mesma expressão da obtida para a matriz  $Heq_{\theta}$  em (6). Com as mesmas considerações feitas para a (6), pode-se obter:

$$Leq_V = [1/x_{12} + 1/x_{23}], \tag{10}$$

ou seja, para se obter a matriz  $Leq_V = B''$  da versão BX do método convencional, a qual, consequentemente, apresenta a mesma lei de formação, diferindo apenas na sua dimensão devido à eliminação da linha e coluna da variável ( $V_3$ ) escolhida como parâmetro. A matriz B', por outro lado, terá a lei de formação diferente da correspondente do método convencional apenas na linha correspondente a  $\theta_3$  cujos elementos não diagonais correspondentes a  $b_{3i}$  são substituídos pelos respectivos  $g_{3i}$ , enquanto que o elemento da diagonal  $B_{33} = \Sigma(-b_{3i})$  é substituído por  $G_{33} = \Sigma(-g_{3i})$ . Aqui também deve se observar que é usado o mismatch de  $Q_3$ , e não o de  $P_3$ , no cálculo de  $\theta_3$ .

#### Versões XB e BX para a Obtenção das Curvas PV e QV

Uma forma mais geral de se obter a lei de formação das matrizes B' e B'' para todas as possíveis versões (XB e BX), seria considerar a matriz completa representada por (2), obter as matrizes *Heq* e *Leq*, e, em seguida, obter as versões a serem usadas na obtenção dos valores máximos de P e Q. Procedendo dessa forma para o sistema da Figura 1, no caso da versão XB obtém-se:

$$Heq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & -1/x_{23} \\ 1/r_{23} & -1/r_{23} \end{bmatrix},$$
 (11)

e para a versão BX:

$$Leq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & -1/x_{23} \\ -1/r_{23} & 1/r_{23} \end{bmatrix}.$$
 (12)

No caso mais geral de uma barra k qualquer, considerando o uso de  $\theta_k$  para a obtenção da curva QV, pode-se obter as matrizes das respectivas versões XB e BX como segue:

- Versão XB: para se obter *B'*, elimina-se a respectiva linha e coluna correspondente a  $\theta_k$  na matriz *Heq*, como p. ex., no caso de (11), da qual se obtém a (7) após a eliminação da linha e da coluna 3. Portanto, a sua lei de formação será a mesma da matriz *B'* da versão XB do método convencional, exceto, conforme já mencionado, pela eliminação da linha e coluna correspondente a  $\theta_k$ . Por outro lado, a lei de formação da matriz *B''* é diferente da correspondente do método convencional apenas na linha correspondente a  $V_k$ , cujos elementos não diagonais correspondentes a  $b_{ki}$  são substituídos pelos respectivos  $-g_{ki}$ , enquanto que o elemento da diagonal  $B_{kk} = \Sigma(-b_{ki})$  é substituído por  $G_{kk} = \Sigma(g_{ki})$ . Outra observação importante é que agora é usado o *mismatch* de  $P_k$ , e não o de  $Q_k$ , no cálculo de  $V_k$ .
- Versão BX: a matriz B' tem a mesma lei de formação da matriz B' (que é a mesma da matriz H) da versão BX do método convencional, exceto pela eliminação da respectiva linha e coluna correspondente a θ<sub>k</sub>. A lei de formação da matriz B" é igual à da matriz Leq, similar à (12), ou seja, a mesma lei de formação da matriz B" da versão BX do método convencional, excetuando a linha correspondente a V<sub>k</sub>, cujos elementos não diagonais correspondentes a −1/x<sub>ki</sub> são substituídos pelos respectivos −1/r<sub>ki</sub>, enquanto que o elemento da diagonal B<sub>kk</sub> = Σ(1/x<sub>ki</sub>) é substituído por Σ(1/r<sub>ki</sub>). Também, neste caso, é usado o mismatch de P<sub>k</sub>, e não o de Q<sub>k</sub>, no cálculo de V<sub>k</sub>.

Já no caso de se considerar o uso de  $V_k$  para a obtenção da curva PV, pode-se obter as matrizes das respectivas versões XB e BX como segue:

Versão XB: para se obter B", elimina-se a respectiva linha e coluna correspondente a V<sub>k</sub> na matriz L, obtendose com isso, a mesma lei de formação da matriz B" da versão XB do método convencional, exceto pela eliminação da linha e coluna referida anteriormente. A lei de formação da matriz B' é igual à da matriz Heq (similar à (11)), ou seja, apresenta a mesma lei de formação da matriz B' da versão XB do método convencional, excetuando a linha correspondente a θ<sub>k</sub>, cujos elementos não diagonais correspondentes a -1/x<sub>ki</sub> serão substituídos pelos respectivos 1/r<sub>ki</sub>, enquanto que o elemento da diagonal que é igual a Σ(1/x<sub>ki</sub>) é substituído por Σ(-1/r<sub>ki</sub>). Outra observação importante é

© 2003 ICECE

March 16 - 19, 2003, São Paulo, BRAZIL

que agora é usado o *mismatch* de  $Q_k$ , e não o de  $P_k$ , no cálculo de  $\theta_k$ .

Versão BX: para se obter B", elimina-se a respectiva linha e coluna correspondente a V<sub>k</sub> na matriz Leq, similar ao procedimento que se faz para obter a (10) a partir de (12). Portanto, a sua lei de formação é a mesma da matriz B" da versão BX do método convencional, a menos das referidas linha e coluna eliminadas. A matriz B' tem a lei de formação diferente da correspondente do método convencional apenas na linha correspondente a θ<sub>k</sub> cujos elementos não diagonais correspondentes a b<sub>ki</sub> são substituídos pelos respectivos g<sub>ki</sub>, enquanto que o elemento da diagonal B<sub>kk</sub> = Σ(-b<sub>ki</sub>) é substituído por G<sub>kk</sub> = Σ(-g<sub>ki</sub>). Aqui também observa-se que agora é usado o mismatch de Q<sub>k</sub>, e não o de P<sub>k</sub>, no cálculo de θ<sub>k</sub>.

#### FCDRM para a Obtenção das Curvas SV

Da mesma forma que foi feito para o método de Newton [2], pode-se obter um algoritmo mais geral para o FCDR, sendo que os anteriores passam a ser uma particularidade. Assim sendo, para o sistema de três barras da Figura 1 p. ex., no caso de usar-se a tensão da barra  $3 (V_3)$  como parâmetro a equação ficaria:

$$\begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \\ \Delta Q_2 \\ \Delta Q_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -(b_{12} + b_{23}) & b_{23} & (g_{12} + g_{23}) & 0 \\ b_{23} & -b_{23} & -g_{23} & -K_p S_3 \cos\varphi \\ \hline -(g_{12} + g_{23}) & g_{23} & -(b_{12} + b_{23}) & 0 \\ g_{23} & -g_{23} & b_{23} & -K_q S_3 \sin\varphi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \theta_2 \\ \Delta \theta_3 \\ \overline{\Delta V_2} \\ \Delta \lambda \end{bmatrix}. (13)$$

Procedendo como nos casos anteriores pode-se obter a matriz *Leq*, a qual terá a seguinte forma:

$$Leq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & -K_p S_3 \cos \varphi (g_{12}/b_{12} - g_{23}/b_{23}) \\ -\frac{1}{x_{23}} & -K_q S_3 \sin \varphi + (g_{23}/b_{23}) K_p S_3 \cos \varphi \end{bmatrix}, \quad (14)$$

a qual, nos casos em que a rede do sistema apresentar a relação r/x idêntica para todos as linhas, se reduz a:

$$Leq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & 0\\ -1/x_{23} & -K_q S_3 \operatorname{sen} \varphi + (G_{33}/B_{33}) K_p S_3 \cos \varphi \end{bmatrix}, (15)$$

onde os termos  $G_{33}$  e  $B_{33}$  correspondem aos elementos diagonais da matriz H e N calculadas na condição  $V_2 = V_3 =$ 1 p.u. e  $\theta_2 = \theta_3 = 0$ , vide a matriz de (2). Portanto, as aproximações consideradas são as mesmas feitas para um sistema não radial conforme em [6]. O algoritmo da versão BX é o mesmo do apresentado em [6], exceto que a na formação da matriz B'' as diferenciais correspondentes à variável  $V_3$ , e que agora é um uma variável independente (especificada), são substituídas pelas diferenciais com relação à nova variável  $\lambda$ , ou seja, todos os elementos da coluna 3 são nulos a menos do elemento diagonal  $L_{22}$  que é igual a  $[-K_q S_3 sen \varphi + (G_{33}/B_{33}) K_p S_3 cos \varphi]$ .

No caso de usar o ângulo da tensão da barra  $\mathcal{J}(\theta_3)$  como parâmetro a equação resulta:

© 2003 ICECE

$\left\lceil \Delta P_2 \right\rceil$		$-(b_{12}+b_{23})$	0	$(g_{12} + g_{23})$	$-g_{23}$	$\left[\Delta \theta_2\right]$
$\Delta P_3$	_	b <sub>23</sub>	$-K_p S_3 \cos \varphi$	$-g_{23}$	$g_{23}$	Δλ
$\overline{\Delta Q_2}$	_	$-(g_{12}+g_{23})$	0	$-(b_{12}+b_{23})$	b <sub>23</sub>	$\overline{\Delta V_2}$
$\Delta Q_3$		g 23	$-K_q S_3 sen \phi$	b <sub>23</sub>	$-b_{23}$	$\Delta V_3$
						(16)

Analogamente, como no caso anterior pode-se obter a matriz *Heq*:

$$Heq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & -K_q S_3 \operatorname{sen} \varphi((g_{12}/b_{12}) - (g_{23}/b_{23})) \\ -1/x_{23} & -K_p S_3 \cos \varphi - (g_{23}/b_{23})K_q S_3 \operatorname{sen} \varphi \end{bmatrix}, (17)$$

a qual, nos casos em que a rede do sistema apresentar a relação r/x idêntica para todos as linhas, se reduz a:

$$Heq = \begin{bmatrix} (1/x_{12} + 1/x_{23}) & 0\\ -1/x_{23} & -K_p S_3 \cos \varphi - (G_{33}/B_{33})K_q S_3 \sin \varphi \end{bmatrix}, \quad (18)$$

onde os termos  $G_{33}$  e  $B_{33}$  correspondem aos elementos diagonais da matriz H e N calculadas na condição  $V_2 = V_3 =$ 1 p.u. e  $\theta_2 = \theta_3 = 0$ , vide a matriz da equação (2). O algoritmo da versão XB é o mesmo do apresentado em [6], exceto que a formação da matriz B' deve levar em conta a nova variável  $\lambda$ , ao invés de  $\theta_3$ , e com isso, a correspondente coluna tem todos os seus elementos iguais a zero excetuando o elemento diagonal  $H_{22}$  que é igual a  $[-K_p S_3 \cos \varphi - (G_{33}/B_{33}) K_q S_3 \sin \varphi]$ . Observe que da mesma forma que no caso do método de Newton [2], as curvas PV (fp = 1, isto é,  $K_p = 1$  e  $K_q = 0$ , Figura 2(a) [2]) e QV (fp = 0, isto é,  $K_p = 0$  e  $K_q = 1$ , Figura 2(b) [2]) passam a ser casos particulares da metodologia empregada para traçar a curva SV.

As Figuras 2 e 3 a seguir apresenta as curvas SV obtidas pelos métodos FCDR propostos considerando variações de potência aparente na barra 3, para vários fp, isto é, várias relações entre  $K_p$  e  $K_q$ . Também são apresentados os números de iterações gatos para cada um dos casos. As curvas foram obtidas através de incrementos sucessivos de potência aparente na barra 3. Também, encontram-se ilustrados nas figuras os casos particulares das Figuras 2(a) e 2(b) apresentadas em [2].

A análise das expressões analíticas permitem o perfeito entendimento das dificuldades de convergência apresentadas pelos métodos numéricos. A extrapolação dos métodos de Newton e desacoplado rápido, para variações de carga por todo o sistema, é feita a partir da parametrização por  $\lambda$ , usado na obtenção das curvas SV. Considera-se que a carga varia não em apenas uma única barra, mas por todo o sistema, e que a variação de potência ativa das cargas é assumida não somente pela barra *slack*, mas por todas as barras de geração disponíveis. O conjunto das equações do FC, em sua forma mais geral, apresentará a seguinte forma:

$$G(V,\theta,\lambda) = 0, \tag{19}$$

a qual pode ser rescrita como:

$$\lambda P^{esp} - P(V, \theta) = 0 \quad \text{para barras } PQ \in PV$$

$$\lambda Q^{esp} - Q(V, \theta) = 0 \quad \text{para barras } PQ,$$
(20)

March 16 - 19, 2003, São Paulo, BRAZIL



Curvas SV para o Sistema de três barras da Figura 1, utilizando  $V_3\,{\rm como}\,{\rm par}$ âmetro.

onde  $P^{esp} = P_g^{esp} - P_c^{esp}$  é a diferença entre as potências ativas gerada e consumida nas barras de carga (*PQ*) e de geração (*PV*),  $Q^{esp} = Q_g^{esp} - Q_c^{esp}$  para as barras *PQ*, e  $\lambda =$ 1 corresponde ao carregamento do caso base. Na resolução de (20) usa-se ou o método de Newton ou o desacoplado rápido, de forma similar ao usado para as curvas SV.

## **CONCLUSÕES**

Neste trabalho são apresentados e avaliados os métodos de Fluxo de Carga Desacoplado Rápido convencional e propostos, considerando as variações de cargas numa única barra. Estes métodos permitem o traçado completo das curvas PV através de simples modificações dos métodos convencionais de Newton [2] e FCDR [4]. Além disso, mantêm suas vantagens características. Dos resultados podese concluir que ambas as versões, BX e XB, do FCDR modificado são adequadas para o traçado completo da curva PV. Além disso, essas versões modificadas do FCDR também permitem obter soluções na parte inferior da curva PV, contradizendo a noção de que as versões desacopladas sempre fornecem as soluções da parte superior da curva PV.



CURVAS SV PARA O SISTEMA DE TRÊS BARRAS DA FIGURA 1, UTILIZANDO  $\theta_3$  COMO PARÂMETRO.

Como conclusão geral comprova-se que todas as metodologias propostas para a solução de um sistema simples de 2 barras, conduzem à mesma curva de solução.

#### REFERÊNCIAS

- Alves, D. A. e Matarucco, R. R., "Fluxo de Carga versus Fluxo de Carga Continuado Parte I: Métodos Analíticos", Proc. of 3rd International Conference on Engineering and Computer Education, 2003, SP, Brasil.
- [2] Alves, D. A. e Matarucco, R. R., "Fluxo de Carga versus Fluxo de Carga Continuado Parte II: Métodos de Newton", Proc. of 3<sup>rd</sup> International Conference on Engineering and Computer Education, 2003, SP, Brasil.
- [3] Seydel, R., "From Equilibrium to Chaos: Practical Bifurcation and Stability Analysis", 2<sup>nd</sup> ed., Springer-Verlag, New York, 1994
- [4] Stott B. e Alsac O., "Fast Decoupled Load Flow", *IEEE Trans. on PAS*, Vol. 93, 1974, pp. 859-869.
- [5] Van Amerongen, R. A. M., "A General-Purpose Version of the Fast Decoupled Load Flow", *IEEE Trans. on PAS*, Vol. 4, N° 2, 1989, pp. 760-770
- [6] Monticelli A., Garcia, A., e Saavedra, O. R., "Fast Decoupled Load Flow : Hypothesis, Derivations and Testing", *IEEE Trans. on Power Systems*, Vol. 5, N<sup>o</sup> 4, Novembro, 1990, pp. 1425-1431.

## © 2003 ICECE

March 16 - 19, 2003, São Paulo, BRAZIL